



DOI: 10.12086/oe.2019.180540

RANSAC 算法在空间目标光电跟踪中的应用研究

严灵杰^{1,2,3}, 黄永梅^{1,2,3*}, 张涯辉^{1,2},
唐涛^{1,2}, 夏运霞^{1,2}

¹中国科学院光束控制重点实验室, 四川 成都 610209;

²中国科学院光电技术研究所, 四川 成都 610209;

³中国科学院大学, 北京 100049

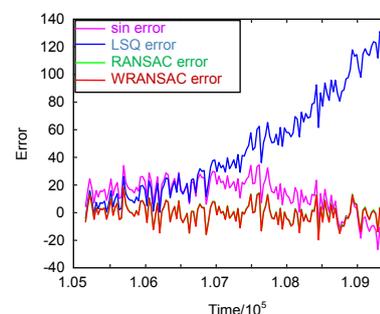
摘要: 基于光电跟踪设备对空间目标进行跟踪测量时, 由于电磁干扰、云层遮挡或者地影等因素的影响, 造成空间目标成像在设备视场中无法提取, 严重时甚至导致系统闭环跟踪不能平稳进行。此时可以采用理论引导的方式, 利用预测轨迹继续进行跟踪搜索。本文将广泛用于计算机视觉领域特征提取的随机抽样一致性(RANSAC)算法引入轨迹预测, 并根据观测数据分布的特点进行改进提出 WRANSAC 算法, 用于实时处理有限的历史观测数据, 进行轨迹预测。引入该算法后, 在对空间目标轨迹预测时, 对历史观测数据的容错能力提高, 对模型的敏感性降低, 预测结果的准确性和鲁棒性远远优于最小二乘法。通过对比预测轨迹和实际轨迹, 证明了该算法的有效性。

关键词: 参数估计; 随机抽样一致性; 损失函数; 空间目标; 轨迹预测

中图分类号: TB872

文献标志码: A

引用格式: 严灵杰, 黄永梅, 张涯辉, 等. RANSAC 算法在空间目标光电跟踪中的应用研究[J]. 光电工程, 2019, 46(11): 180540



Research on the application of RANSAC algorithm in electro-optical tracking of space targets

Yan Lingjie^{1,2,3}, Huang Yongmei^{1,2,3*}, Zhang Yahui^{1,2}, Tang Tao^{1,2}, Xia Yunxia^{1,2}

¹Key Laboratory of Beam Control, Chinese Academy of Sciences, Chengdu, Sichuan 610209, China;

²Institute of Optics and Electronics, Chinese Academy of Sciences, Chengdu, Sichuan 610209, China;

³University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China

Abstract: When the electro-optic tracking system is used for space target tracking, it is difficult to extract the target from the field of view occasionally due to the impact of electromagnetic interference, cloud cover or earth shadow etc., and the closed-loop tracking system can barely work in severe cases. At this point the predicted orbit can be used to guide the system to ensure smooth scanning and tracking. In this paper, random sample consensus (RANSAC) algorithm is introduced, which has been widely used in feature extraction in computer vision, to achieve higher prediction accuracy. The loss function of RANSAC algorithm is improved and the WRANSAC algorithm is

收稿日期: 2018-10-23; 收到修改稿日期: 2019-01-11

基金项目: 中国科学院空间科学背景型号项目(XDA15020400)

作者简介: 严灵杰(1992-), 男, 博士研究生, 主要从事空间目标检测与跟踪等方面的研究。E-mail: jeyelche@163.com

通信作者: 黄永梅(1968-), 女, 研究员, 博士生导师, 主要从事光电跟踪控制、空间量子激光通信、地基大口径天文望远镜等方面的研究。E-mail: huangym@ioe.ac.cn

proposed according to the distribution of observed data, which is used to deal with the limited observation data in real time to track the space target. After the algorithm is adopted, the fault tolerance of observation data is improved and the sensitivity of the model is reduced. The accuracy and robustness of the prediction results are much better than that of the least squares method. The validity of the WRANSAC algorithm is proved by the comparison between the predicted trajectory and the actual trajectory.

Keywords: parameter estimation; RANSAC; loss function; space target; orbit prediction

Citation: Yan L J, Huang Y M, Zhang Y H, et al. Research on the application of RANSAC algorithm in electro-optical tracking of space targets[J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2019, 46(11): 180540

1 引言

对空间碎片(后称空间目标)的监视和测量是当前光电跟踪测量设备的一个重要工作,在对中、高轨空间目标进行跟踪测量时,由于目标距离远,等效星等较高,为了提升设备的探测能力,一般光电探测器的口径设计较大^[1];为了抑制大气信道的杂光,探测器视场一般较小基本为角分量级。在空间目标被云层遮挡或者进入地影或者半影等情况时,由于目标在设备视场中无法提取,严重时甚至导致系统闭环跟踪不能平稳进行。在此情况下,如果采用理论轨道数据进行理论引导,虽然可以在短时间内保持对目标的指向,但却丢弃了此前跟踪过程中的大量高精度观测数据。在没有多站对空间目标进行交汇测量定轨的情况下,通过预测轨迹来引导跟踪是解决该问题的一个重要途径之一^[2-3]。本文以无法交汇测量的单站为背景,对利用短弧段观测数据的实时预测跟踪算法进行研究。

在对空间目标的预测跟踪中,准确的模型是保证精确性和平稳性的基础。李涛^[4]对 Singer 统计模型和机动目标当前模型两种经典跟踪模型进行对比,证明了对超出匀速和匀加速范围的目标的运动,使用 Singer 统计模型会产生较大的模型误差;魏刚^[5]基于 Kalman 滤波和一步预测理论建立目标运动数学模型,并提出了一种拟线性目标方位预测算法,但是该算法仅针对水平直线运动目标,且预测精度只能达到角分级。潘晓刚^[6]推导了基于非线性变换的轨道预报算法,可以在没有准确观测数据时为光电跟瞄设备提供理论引导,并证明该算法比常规扩展卡尔曼滤波更有效,预报 60 s 的精度可以达到 20",但是该算法只能进行短时预报,不能应对目标丢失时间较长的场景。

随机抽样一致性(random sample consensus, RANSAC)算法^[7-8]是在计算机视觉领域内应用最广泛的 Robust 估计算法之一,本文将 RANSAC 算法引入轨迹预测领域,并针对经典 RANSAC 算法计算效率较

低和对阈值较为敏感的问题进行改进,提出 WRANSAC 算法,利用单站短弧段观测数据实现实时高精度目标跟踪。

2 坐标系的选择

空间目标的运动特性分析参见文献[9],本文不再赘述。单站式光电跟踪系统提供的是目标的方位和俯仰数据,然而由于测站选址的不同,使得空间目标在站心地平系中的运动规律并不明显。经过实测数据分析,当测站的经度由 121 °E 变为 76 °E 时,在站心地平系中运动轨迹的方位角和俯仰角的相关性分别为 0.9860 和 0.9994,当测站的纬度由 39.6 °N 变为 40 °S 时,在站心地平系中运动轨迹的方位角和俯仰角的相关性分别为 0.9036 和 -0.9998,空间目标在站心地平系中^[9-11]的运动规律与站址的选择的相关性较大,因此站心地平系并不是处理轨道数据的最优坐标系。

如果把空间目标视为类似于恒星的无穷远目标,经过实测数据分析,当测站的经度由 121 °E 变为 76 °E 时,在赤道坐标系^[12-13]中运动轨迹的赤经和赤纬的相关性分别为 0.9006 和 1.0000,当测站的纬度由 39.6 °N 变为 40 °S 时,在赤道坐标系中运动轨迹的赤经和赤纬的相关性分别为 1.0000 和 0.9999。在赤道坐标系中空间目标的运动轨迹呈现非常明显的正弦趋势,而且在测站的经度和纬度改变时,空间目标运动轨迹的变化规律基本不变。且当测站确定后,赤道坐标系内的赤经、赤纬位置和地平系下的方位、俯仰位置一一对应。因而基于以上分析,本文选择赤道坐标系作为预测跟踪数据处理的坐标系。

3 RANSAC 算法的分析

3.1 RANSAC 算法简介

对目标轨迹进行预测跟踪时,最小二乘法是最常用的方法之一,不过由于使用整个样本空间且每个样本相同的权值,容易形成奇异的方程组是最小二乘法

的通病。由 Fishler 和 Bolles 在 1981 年提出的 RANSAC 算法，能够处理错误率超过 50% 的数据，是目前最有效的鲁棒估计算法之一，在计算机视觉领域应用广泛，如特征匹配、模型选择、基础矩阵估计等^[14-15]。

在 RANSAC 算法中，要求在一定的置信概率之下， U 组抽样数据中至少有一组全为内点^[16-17]。根据式(1)可以获得满足上述要求的最小抽样组数 U 。

$$1 - (1 - (1 - \epsilon)^m)^U = P, \quad (1)$$

其中： P 为置信概率， m 为模型参数辨识所需的最小数据量， ϵ 为外点在原始数据中所占的比例(即数据错误率)。

如图 1 所示，当 $P=0.99$ 时， m 值分别为 4、7、8 时对应的 U 随 ϵ 的变化曲线。由图可知，在 P 和 m 确定时， U 随 ϵ 的增加呈指数增长。

3.2 RANSAC 算法流程

RANSAC 算法通过反复挑选全部数据中的一组随机子集来完成模型的筛选^[18-19]。假设被选中的子集均为内点，并使用以下步骤进行验证：

1) RANSAC 算法为了保证在一定的置信概率 P 下至少可以选出 1 组不包含外点的抽样样本，抽样的次数应该足够大。由数据错误率 ϵ 和置信概率 P 计算最小抽样数 U 的公式为

$$U = \frac{\log(1-P)}{\log(1-(1-\epsilon)^m)}, \quad (2)$$

其中： ϵ 是数据集中外点的比例， m 是样本的大小。

2) 用所有原始数据集验证抽样样本集对应的模型参数的质量；RANSAC 算法通过使代价函数 J 最小化来挑选最优模型。

$$J = \sum_{d \in D} L(E(d;S)), \quad (3)$$

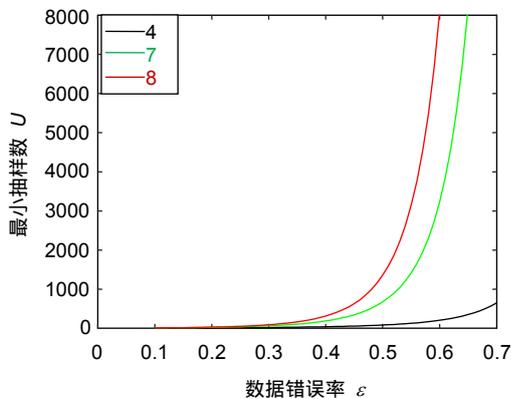


图 1 最小抽样次数随数据错误率变化曲线图
Fig. 1 Minimum sampling frequency changing with data error rate

其中： D 是原始数据集， L 是损失函数， E 是与 L 对应的误差函数， S 是辨识的模型参数。

RANSAC 算法使用 0-1 损失函数：

$$L_R(e) = \begin{cases} 0 & |e| \leq t \\ 1 & |e| > t \end{cases}, \quad (4)$$

其中： e 为误差值， t 为用于区分内点和外点的误差阈值。

- 3) 根据内点的数量及方差值来挑选出最优模型；
- 4) 用最优模型参数计算得到的所有内点来辨识最终模型的参数。

3.3 改进的 RANSAC 算法

经典 RANSAC 算法中使用的 0-1 损失函数，虽然计算量小、收敛速度快，但是对误差阈值非常敏感。M 估计抽样一致性算法(M-estimator sample consensus, MSAC)^[11]使用有界损失函数 L_M 来解决 0-1 损失函数对阈值敏感的问题：

$$L_M(e) = \begin{cases} \frac{|e|}{t} & |e| \leq t \\ 1 & |e| > t \end{cases}. \quad (5)$$

本文提出一种基于正弦函数的损失函数 L_s ：

$$L_s(e) = \begin{cases} \frac{1}{2} \cos\left(\frac{e}{2t}\right) + \frac{1}{2} & |e| \leq t \\ 1 & |e| > t \end{cases}. \quad (6)$$

如图 2 所示的三类损失函数曲线中， L_M 与 L_R 相比考虑了阈值范围内的误差，因而准确性更高。考虑到较小的误差通常是由内点的噪声导致，较大的误差可能受外点影响，但实际中内点和外点之间的界限一般是不精确的，所以 L_s 在 L_M 的基础上进行改进，增大对较大误差的惩罚，减小对较小误差的惩罚，而且 L_s

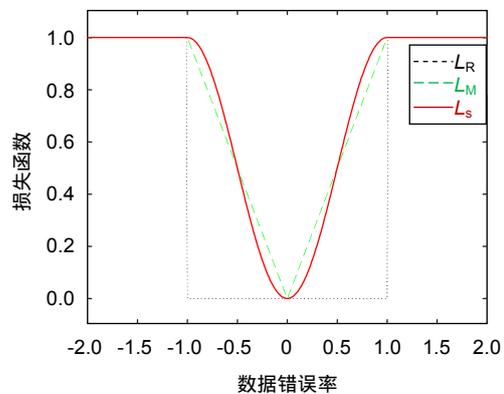


图 2 损失函数曲线图
Fig. 2 Loss function curve

有连续的一阶导数,在阈值附近变化更为平缓,进一步减轻了算法对阈值的敏感性,提高了算法的鲁棒性和准确性。改进后的算法称为 WRANSAC 算法。

WRANSAC 的算法流程图如图 3 所示,WRANSAC 算法采用 L_s 损失函数来计算代价函数,可以更准确和高效地评价模型的有效性。在通过抽样样本筛选模型的过程中,如果当前内点集代价函数比之前的小,则用当前内点集更新最优内点集,直至迭代次数达到设定的最大值之后退出模型选择循环。最后根据损失函数值定义所有内点的权值,用提纯后得到的加权最优内点集来计算最终模型的参数。

4 实验及结果分析

实验通过光电跟踪设备对任选空间目标 2 h 的观测数据来预测接下来 15 min、30 min 和 72 min (地影最长时间是 72 min)目标在第二赤道坐标系中的运动轨迹。为了模拟真实场景中的误差,对数据叠加幅值为 3"的高斯白噪声。实验参数设置为:置信概率 $P=0.995$,数据错误率 $\epsilon=0.03$,计算模型需要的最小

数据量 $m=4$,RANSAC 算法中用以区分内点和外点的阈值设置为 $t=3\sigma$,其中 σ 是所叠加高斯白噪声的标准差。

最终算法的最小抽样次数是 3,得到的最优内点集有 76 个观测点,内点集的代价函数柱状图和对应的权值柱状图如图 4 和图 5 所示。

使用上述参数重复进行仿真 20 次,预测结果的误差特性如表 1 所示。

通过对比四种算法:标准正弦函数法、最小二乘法、RANSAC 算法和改进的 RANSAC 算法,可以得出:

1) 当预测时间较短时,几种算法的精度和稳定性接近,没有明显的发散趋势,标准正弦函数预测的精度可以控制在 35"以内,其它算法预测精度可以控制在 30"以内,WRANSAC 算法和 RANSAC 算法相比最小二乘法预测精度提升 1"~2",预测的稳定性提高约 3.35%;

2) 当预测时间较长时,最小二乘法和标准正弦函数法受观测数据中外点的影响有明显的发散趋势,而 RANSAC 和 WRANSAC 算法的鲁棒性比较好,预测的

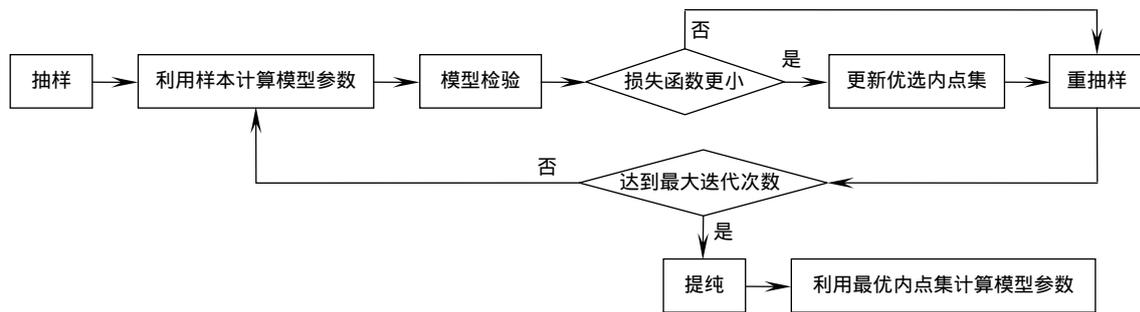


图 3 WRANSAC 算法流程图

Fig. 3 Flow chart of the WRANSAC algorithm

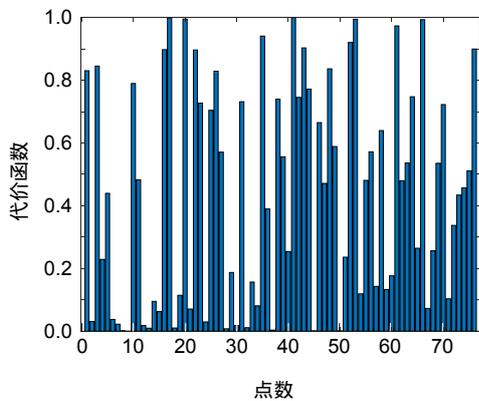


图 4 内点代价函数柱状图

Fig. 4 Histogram of interior point cost function

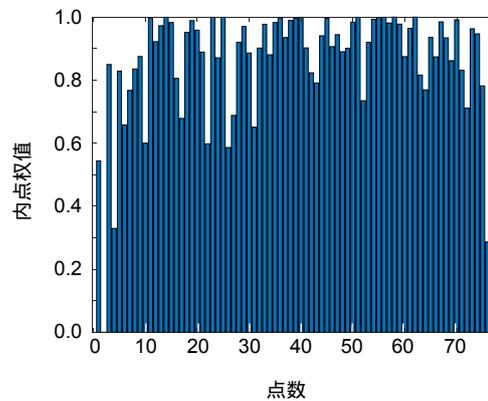


图 5 内点权值柱状图

Fig. 5 Histogram of internal point weights

表 1 15 min、30 min 和 72 min 预测误差特性

Table 1 Prediction error statistics for 15/30/72 minutes

预测时长/min	算法	sin	LSQ	RANSAC	WRANSAC
15	最大值/(")	34.9151	29.1957	19.5649	17.0257
	最小值/(")	-6.9270	-10.8216	-17.7444	-16.8968
	均值/(")	15.1429	0.1934	2.4577	0.9701
	方差	124.3353	90.9505	59.9375	57.9286
30	最大值/(")	36.3312	32.0761	11.1779	10.8932
	最小值/(")	-13.1593	-18.8263	-23.3834	-21.5939
	均值/(")	13.0059	-0.6765	-2.0592	-4.6598
	方差	218.0527	163.9206	84.8496	82.1343
72	最大值/(")	6.6790	286.3128	26.8620	17.7788
	最小值/(")	-120.0175	-207.9139	-19.1023	-18.0916
	均值/(")	-32.2389	6.0681	0.7308	-0.7330
	方差	602.6599	15953.6643	118.8533	89.7496

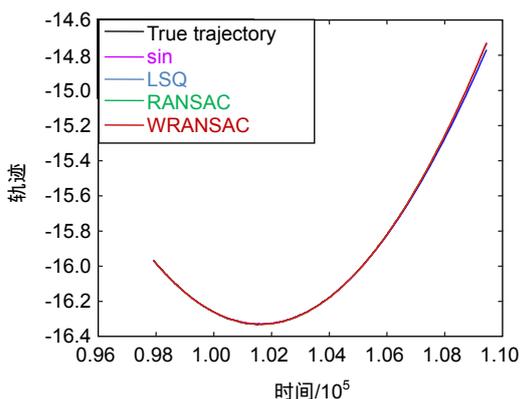


图 6 预测 72 min 的轨迹图

Fig. 6 Prediction of 72 minutes

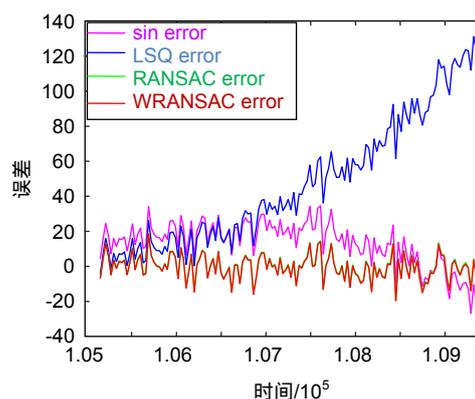


图 7 预测 72 min 的误差分布图

Fig. 7 The error distribution for the prediction of 72 minutes

精度仍然可以保持在 27"以内，WRANSAC 算法相比 RANSAC 算法预测精度提升 1"~9"，预测的稳定性提高约 24.49%；

3) WRANSAC 算法通过 2 h 的观测数据预测 72 min 的轨迹，预测精度可以控制在 27"以内，保证光电跟踪系统的稳定跟踪，有效对抗云层遮挡和地影等因素的干扰。

5 结论

本文在 RANSAC 算法的基础上，对其损失函数进行了改进，并将其用于光电跟踪设备对空间目标的监测和跟踪。经典 RANSAC 算法中使用的 0-1 损失函数，虽然计算量小、收敛速度快，但是对误差阈值非常敏感。本文提出的 WRANSAC 算法，采用基于正弦函数

的损失函数，增大了对阈值范围内较大误差的惩罚，减轻了对较小误差的惩罚，更接近实际数据分布的规律。实验结果表明，在最大迭代次数允许和模型阶次确定时，WRANSAC 算法总是能够计算出模型最优解，利用已获得的 2 h 的观测数据预测 72 min 的空间目标轨迹误差可以控制在 27"以内，而且算法的实时性和鲁棒性优于最小二乘法，经实验验证该算法可以保证光电跟踪系统对空间目标的稳定跟踪，有效对抗电磁干扰、云层遮挡和地影等因素的干扰。

参考文献

- [1] Ma J G. The basic technologies of the acquisition, tracking and pointing systems[J]. *Opto-Electronic Engineering*, 1989(3): 1-42.
马佳光. 捕获跟踪与瞄准系统的基本技术问题[J]. *光学工程*, 1989(3): 1-42.

- [2] Cai H Y, Ding L, Huang Z H, *et al.* An accurate calibration method of the ball screen projection point targets tracking system[J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2018, **45**(8): 170656.
蔡怀宇, 丁蕾, 黄战华, 等. 球幕点目标投影跟踪系统的精确标定方法[J]. 光电工程, 2018, **45**(8): 170656.
- [3] Zhang P L, Wang J J. Research of LEO satellite orbit prediction for vehicle-borne optical measuring equipment[J]. *Mathematics in Practice and Theory*, 2015, **45**(6): 128–132.
张沛露, 王建军. 车载跟瞄设备低轨卫星预测方法研究[J]. 数学的实践与认识, 2015, **45**(6): 128–132.
- [4] Li T, Zhang J C. The tracking accuracy analysis of single maneuvering targets[J]. *Journal of Projectiles, Rockets, Missiles and Guidance*, 2004, **24**(2): 94–96.
李涛, 张金成. 单机动目标跟踪精度分析[J]. 火箭与制导学报, 2004, **24**(2): 94–96.
- [5] Wei G, Jiang C F, Yang K T. Precision azimuth prediction method for electro-optical tracking[J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2006, **33**(5): 6–11.
魏刚, 江传富, 杨坤涛. 方位角准确预测法在光电跟踪中的应用研究[J]. 光电工程, 2006, **33**(5): 6–11.
- [6] Pan X G, Zhou H Y, Wang J Q, *et al.* Orbit prediction algorithm of LEO satellite based on optical measurement in short arc with single station[J]. *Acta Astronomica Sinica*, 2009, **50**(4): 445–458.
潘晓刚, 周海银, 王炯琦, 等. 基于单站短弧段光学观测的低轨卫星轨道预报算法[J]. 天文学报, 2009, **50**(4): 445–458.
- [7] Choi S, Kim T, Yu W. Robust video stabilization to outlier motion using adaptive RANSAC[C]//2009 IEEE/RSJ International Conference on Intelligent Robots and Systems, St. Louis, MO, USA, 2009: 1897–1902.
- [8] Chum O, Matas J. Optimal randomized RANSAC[J]. *IEEE Transactions on Pattern Analysis and Machine Intelligence*, 2008, **30**(8): 1472–1482.
- [9] Huang Z F, Wang J Z, Chen Z P. Motion characteristics analysis of space target and stellar target in opto-electronic observation[J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2012, **39**(4): 67–72.
黄宗福, 汪金真, 陈曾平. 光电探测中空间目标和恒星目标运动特性分析[J]. 光电工程, 2012, **39**(4): 67–72.
- [10] Luo H, Mao Y D, Yu Y, *et al.* A method of GEO targets recognition in wide-field opto-electronic telescope observation[J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2017, **44**(4): 418–426.
罗浩, 毛银盾, 于涌, 等. 利用超大视场光电望远镜观测 GEO 中的目标识别方法[J]. 光电工程, 2017, **44**(4): 418–426.
- [11] Cen M, Fu C Y, Liu X F, *et al.* Position prediction method for satellite tracking based on error-space estimate[J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2007, **34**(6): 15–19.
岑明, 傅承毓, 刘兴法, 等. 误差空间估计的卫星跟踪位置预测[J]. 光电工程, 2007, **34**(6): 15–19.
- [12] Cheng W L, Wang X J, Wan Z J, *et al.* Research and implementation of target tracking algorithm in compression domain on miniaturized DSP platform[J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2017, **44**(10): 972–982.
程卫亮, 王向军, 万子敬, 等. 压缩域目标跟踪算法在小型化 DSP 平台上的研究与实现[J]. 光电工程, 2017, **44**(10): 972–982.
- [13] Li Z W, Zhang T, Sun M G. Fast recognition and precise orientation of space objects in star background[J]. *Optics and Precision Engineering*, 2015, **23**(2): 589–599.
李振伟, 张涛, 孙明国. 星空背景下空间目标的快速识别与精密定位[J]. 光学精密工程, 2015, **23**(2): 589–599.
- [14] Xu M, Lu J. Distributed RANSAC for the robust estimation of three-dimensional reconstruction[J]. *IET Computer Vision*, 2012, **6**(4): 324–333.
- [15] Chen F X, Wang R S. Fast RANSAC with preview model parameters evaluation[J]. *Journal of Software*, 2005, **16**(8): 1431–1437.
陈付幸, 王润生. 基于预检验的快速随机抽样一致性算法[J]. 软件学报, 2005, **16**(8): 1431–1437.
- [16] Hast A, Nysjö J, Marchetti A. Optimal RANSAC—towards a repeatable algorithm for finding the optimal set[J]. *Journal of WSCG*, 2013, **21**(1): 21–30.
- [17] Chum O, Matas J, Kittler J. Locally optimized RANSAC[C]//Proceedings of 25th DAGM Symposium on Pattern Recognition, Magdeburg, Germany, 2003, **2781**: 236–243.
- [18] Subbarao R, Meer P. Beyond RANSAC: user independent robust regression[C]//2006 Conference on Computer Vision and Pattern Recognition Workshop (CVPRW'06), New York, NY, USA, 2006.
- [19] Xiao C B, Feng D Z, Feng X W. Fast RANSAC algorithm with resample optimization[J]. *Journal of Computer-Aided Design & Computer Graphics*, 2016, **28**(4): 606–613.
肖春宝, 冯大政, 冯祥卫. 重抽样优化的快速随机抽样一致性算法[J]. 计算机辅助设计与图形学学报, 2016, **28**(4): 606–613.

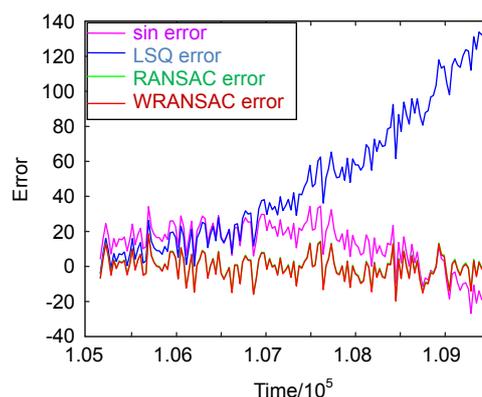
Research on the application of RANSAC algorithm in electro-optical tracking of space targets

Yan Lingjie^{1,2,3}, Huang Yongmei^{1,2,3*}, Zhang Yahui^{1,2}, Tang Tao^{1,2}, Xia Yunxia^{1,2}

¹Key Laboratory of Beam Control, Chinese Academy of Sciences, Chengdu, Sichuan 610209, China;

²Institute of Optics and Electronics, Chinese Academy of Sciences, Chengdu, Sichuan 610209, China;

³University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China



The error distribution for the prediction of 72 minutes

Overview: Monitoring and tracking the space debris (referred to as space target) is an important work of electro-optic tracking system. When measuring and tracking space targets in medium and high orbits, due to the long distance between the targets and observation station, the equivalent magnitude is relatively high. In order to enhance the detection capacity of tracking system, the aperture of electro-optic detectors is generally designed to be large. Meanwhile, the field of view of electro-optic detectors is usually small, namely angular component level, for the sake of suppressing the stray light in atmospheric channel. When the space target is shielded by clouds or enters the shadows or penumbra of the earth, the target image cannot be extracted from the field of view of CCD (charge coupled device) camera, the closed-loop tracking of the system cannot be barely work in severe cases. In this case, theoretical orbital data can be used to guide the mount of the system, which keeps track of the target in a short time. However, a large number of high-precision observation data in previous tracking process is discarded. In the absence of multi-station intersection measurement and orbit determination for space targets, guiding and tracking by predicting trajectory is an important way to solve this problem. In this paper, a real-time prediction and tracking algorithm based on short-arc observation data is studied in the background of single station which cannot be intersected.

Random sample consensus (RANSAC) algorithm, which has been widely used in feature extraction in computer vision, is introduced in this paper to achieve higher prediction accuracy. The loss function of RANSAC algorithm is improved according to the distribution of observed data. Considering the fact that smaller errors are usually caused by noise from the interior point and larger errors may be affected by external points, and the boundary between the inner points and the outer points is usually imprecise in practice, the error within the threshold range is taken into account to increase the penalty for larger errors and decrease the penalty for smaller errors. What's more, the improved loss function has a continuous first derivative and varies more gently near the threshold, the sensitivity of the algorithm to threshold is further reduced. The improved algorithm is called WRANSAC algorithm.

The WRANSAC algorithm is proposed according to the distribution of observed data, which is used to deal with the limited observation data in real time to track the space target. After the algorithm is adopted, the fault tolerance of observation data is improved and the sensitivity of the model is reduced. The accuracy and robustness of the prediction results are much better than that of the least squares method. The validity of the WRANSAC algorithm is proved by the comparison between the predicted trajectory and the actual trajectory.

Citation: Yan L J, Huang Y M, Zhang Y H, *et al.* Research on the application of RANSAC algorithm in electro-optical tracking of space targets[J]. *Opto-Electronic Engineering*, 2019, 46(11): 180540

Supported by Project Fund for Background Model in Space Science, Chinese Academy of Sciences (XDA15020400)

* E-mail: huangym@ioe.ac.cn